

Informe de solución de problemas sobre equilibrio

Dania Yolennis Puente-Guzmán¹

¹Instituto Tecnológico Superior Zacatecas Occidente

5 de marzo de 2020

1. Una caja de 250 kg. Determine la fuerza en cada uno de los cables.

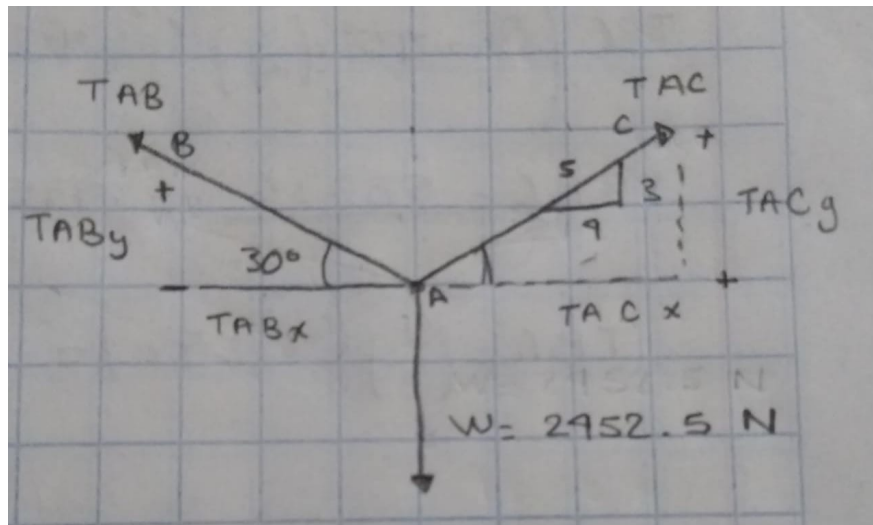


Figura 1: Diagrama de cuerpo libre

$$W = (250 \text{ KG})(9.81) = 2452.5 \text{ N}$$

Para T_{AC}

Para T_{AB}

$$T_{ACx} = T_{AC} \left(\frac{4}{5} \right)$$

$$T_{ABx} = T_{AB} \cos 30^\circ$$

$$T_{ACy} = T_{AC} \left(\frac{3}{5} \right)$$

$$T_{ABy} = T_{AB} \sin 30^\circ$$

$$\sum F_x = T_{AC} \left(\frac{4}{5} \right) - T_{AB} \cos 30^\circ = 0 \quad (1)$$

$$\sum Fy = TAC \left(\frac{3}{5}\right) + TAB \text{ Sen}30 - 2452.5 = 0 \quad (2)$$

Solución (Mediante el método de reducción)

$$-0.6 (0.8 T_{AC} - 0.866 T_{AB} = 0)$$

$$0.8 (0.6 T_{AC} + 0.5 T_{AB} = 2452.2)$$

$$-0.48 T_{AC} + 0.5196 T_{AB} = 0$$

$$0.48 T_{AC} + 0.4 T_{AB} = 1962$$

$$0.9196 T_{BA} = 1962$$

$$T_{BA} = \frac{1962}{0.9196}$$

$$T_{BA} = 2133.53 \text{ N}$$

Una vez obtenido el valor de T_{BA} , sustituimos en la primera ecuación.

$$0.6 T_{AC} + 0.5 T_{BA} = 2452.5$$

$$0.6 T_{AC} + 0.5(2133.53) = 2452.5$$

$$T_{AC} = \frac{2452.5 - 1066.765}{0.6}$$

$$T_{AC} = 2309.55 \text{ N}$$

2. Una viga tiene una masa de 350 kg. Determine el cable más corto ABC que puede ser utilizado para levantarla si la fuerza máxima que puede soportar el cable es de 6600 N.

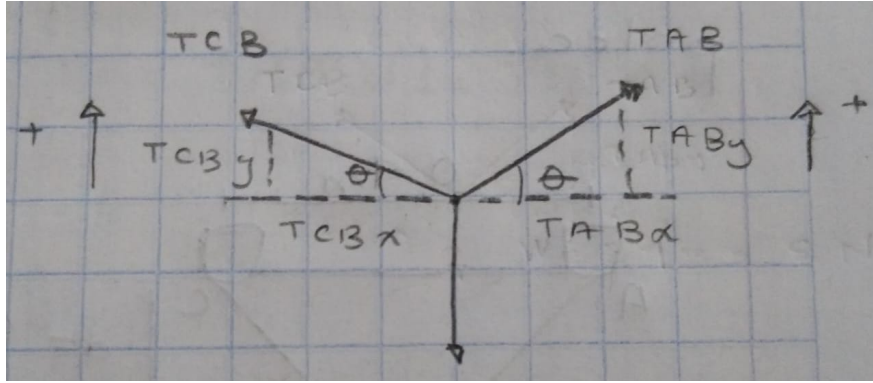


Figura 2: Diagrama de cuerpo libre para la viga.

$$w = (350 \text{ kg})(9.81) = 3433.5 \text{ N}$$

Para x

$$T_{ABx} - T_{CBx} = 0$$

$$T_{AB} \cos \theta = T_{CB} \cos \theta$$

$$T_{AB} = T_{CB} = 6600 \text{ N}$$

Para y

$$T_{ABY} + T_{CBY} - W = 0$$

$$T_{AB} \sin \theta + T_{AB} \sin \theta = W$$

$$2 T_{AB} \sin \theta = W$$

$$\sin \theta = \frac{W}{2T_{AB}} = \frac{3433.5 \text{ N}}{2(6600 \text{ N})}$$

$$\theta = \text{Sen}^{-1} \left(\frac{3433.5 \text{ N}}{13200 \text{ N}} \right) = 15$$

$$\cos 15 = \frac{Ca}{h} = \frac{5ft}{h}$$

$$h \cos 15 = 5ft$$

$$h = \frac{5ft}{\cos 15}$$

Por lo tanto L_{ABC}

$$L = 2h = \frac{10ft}{\cos 15} = 10,3 \text{ ft}$$

3. Si un bloque de 5 kg está suspendido de la polea B y la elongación de la cuerda es $d = 0.15 \text{ m}$, determine la fuerza de la cuerda ABC. Desprecie el tamaño de la polea.

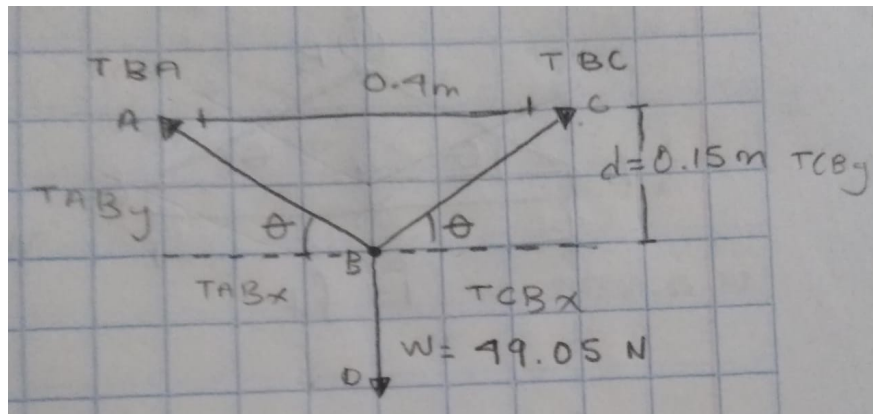


Figura 3: Diagrama de cuerpo libre del bloque suspendido.

$$W = (5 \text{ kg})(9.81) = 49.05 \text{ N}$$

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{0.15}{0.2} \right) = 36,87$$

Para x

$$T_{BCx} - T_{BAX} = 0 \quad (1)$$

$$T_{BCx} \cos 36.87^\circ - T_{BAX} \cos 36.87^\circ = 0$$

$$T_{BCx} \cos 36.87^\circ = T_{BAX} \cos 36.87^\circ$$

$$T_{BCx} = T_{BAX}$$

Para y

$$T_{CBY} + T_{ABY} - W_{BD} = 0$$

$$T_{BCY} \sin 36.87^\circ + T_{BA} \sin 36.87^\circ = 49.05 \text{ N}$$

Como $T_{BA} = T_{BC}$ nos queda lo siguiente:

$$2 T_{BCY} \sin 36.87^\circ = 49.05 \text{ N}$$

$$T_{BCY} = \frac{49.05 \text{ N}}{2(\sin 36.87)} = 40.87 \text{ N}$$

4. Si la masa del cilindro C es de 40kg, determine la masa del cilindro A para lograr mantener el sistema en la posición mostrada.

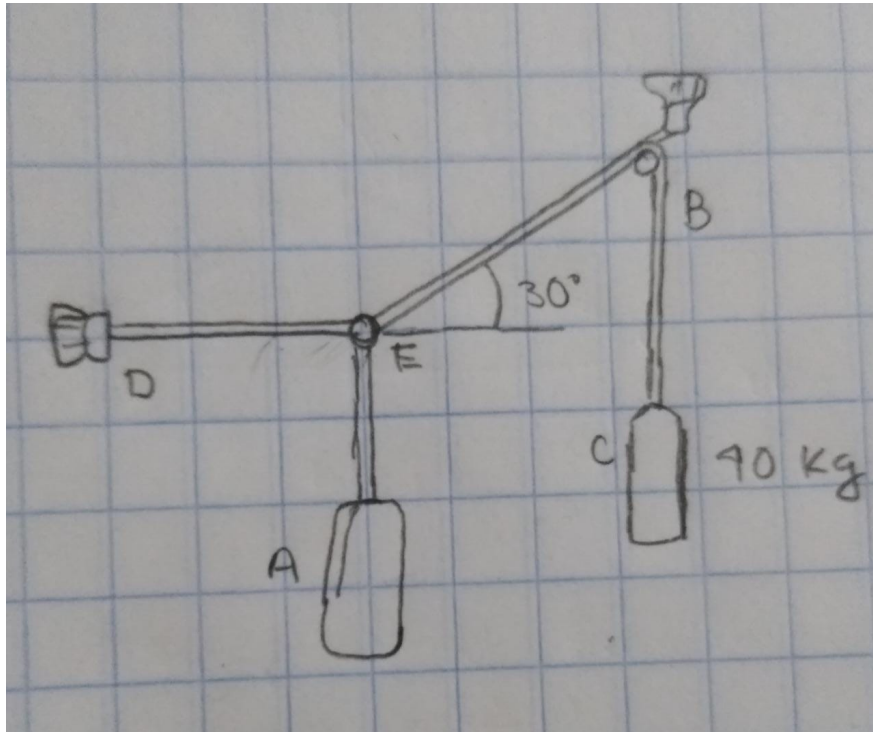


Figura 4: Posición del sistema.

$$T_{EB} = 40 \text{ KG} (9.81) = 392.4 \text{ N}$$

$$T_{EB} = T_{BC}$$

$$T_{EB} \sin 30^\circ - m \cdot g = 0$$

$$\frac{T_{EB} \sin 30}{g} = m$$

$$m = \frac{392.4 \text{ N}(0.5)}{9.81}$$

$$m = 20 \text{ KG}$$

Para T_{ED}

$$T_{ED} \cos 30^\circ - T_{ED} = 0$$

$$T_{ED} = T_{EB} \cos 30^\circ$$

$$T_{ED} = 392.4 \cos 30^\circ$$

$$T_{ED} = 339.83 \text{ N}$$